

Matemáticas
Nivel medio
Prueba 1

Jueves 4 de mayo de 2017 (tarde)

Número de convocatoria del alumno

1 hora 30 minutos

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Instrucciones para los alumnos

- Escriba su número de convocatoria en las casillas de arriba.
- No abra esta prueba hasta que se lo autoricen.
- En esta prueba no se permite el uso de ninguna calculadora.
- Sección A: conteste todas las preguntas. Escriba sus respuestas en las casillas provistas a tal efecto.
- Sección B: conteste todas las preguntas en el cuadernillo de respuestas provisto. Escriba su número de convocatoria en la parte delantera del cuadernillo de respuestas, y adjúntelo a este cuestionario de examen y a su portada utilizando los cordeles provistos.
- Salvo que se indique lo contrario en la pregunta, todas las respuestas numéricas deberán ser exactas o aproximadas con tres cifras significativas.
- Se necesita una copia sin anotaciones del **cuadernillo de fórmulas de matemáticas NM** para esta prueba.
- La puntuación máxima para esta prueba de examen es **[90 puntos]**.



No escriba en esta página.

Las respuestas que se escriban en esta página no serán corregidas.



16EP02

4. [Puntuación máxima: 6]

Las siguientes figuras constan de filas y columnas de cuadrados. Las figuras van formando un patrón continuado.

La Figura 1 tiene dos filas y una columna. La Figura 2 tiene tres filas y dos columnas.

Figura 1



Figura 2

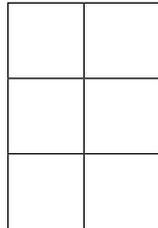


Figura 3

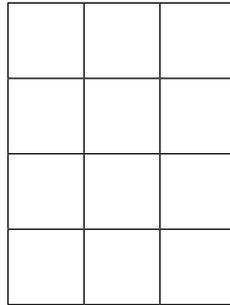
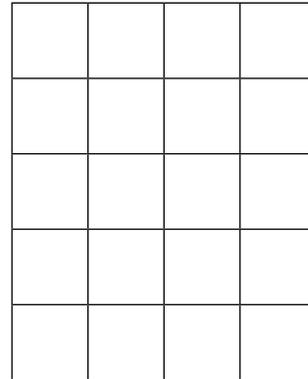


Figura 4



La Figura 5 tiene p filas y q columnas.

(a) Escriba el valor de

(i) p ;

(ii) q .

[2]

Cada cuadradito tiene un área de 1 cm^2 . Sea A_n el área total de la Figura n . La siguiente tabla muestra los cinco primeros valores de A_n .

n	1	2	3	4	5
$A_n (\text{cm}^2)$	2	6	12	20	k

(b) Halle el valor de k .

[2]

(c) Halle una expresión para A_n en función de n .

[2]

(Esta pregunta continúa en la página siguiente)



5. [Puntuación máxima: 6]

Sea $f'(x) = \frac{3x^2}{(x^3+1)^5}$. Sabiendo que $f(0) = 1$, halle $f(x)$.

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....



16EP08

No escriba en esta página.

Las respuestas que se escriban en esta página no serán corregidas.



16EP10

No escriba soluciones en esta página.

Sección B

Conteste **todas** las preguntas en el cuadernillo de respuestas provisto. Empiece una página nueva para cada respuesta.

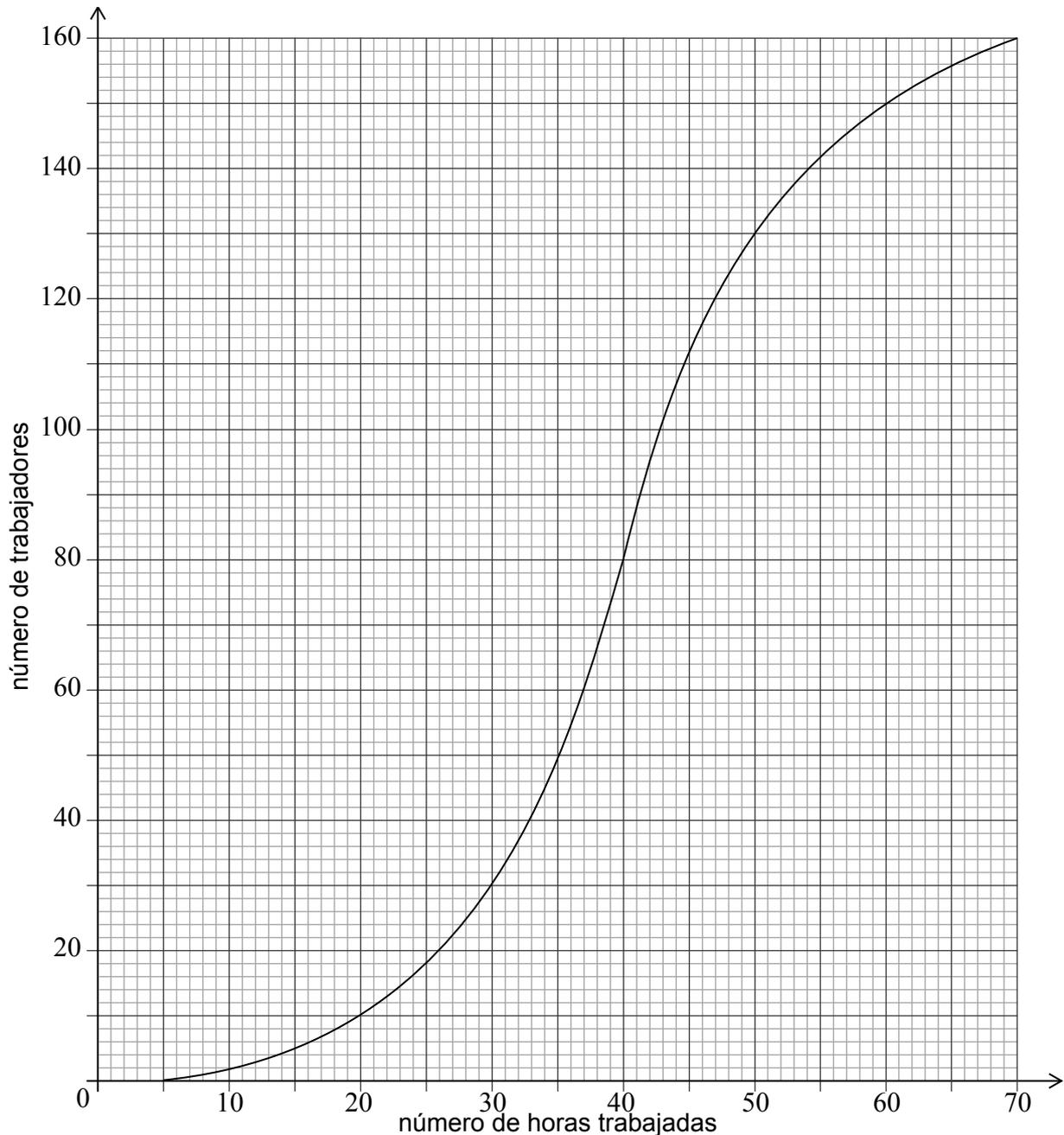
8. [Puntuación máxima: 14]

Un ayuntamiento contrató a 160 trabajadores para un festival. La siguiente curva de frecuencias acumuladas muestra el número de horas que trabajaron durante el festival estos trabajadores.

(a) (i) Halle la mediana del número de horas que trabajaron estos trabajadores.

(ii) Escriba el número de trabajadores que trabajaron 50 horas o menos.

[3]



(Esta pregunta continúa en la página siguiente)



16EP12

No escriba soluciones en esta página.

(Pregunta 8: continuación)

El ayuntamiento pagó a cada trabajador GBP8 por hora para las 40 primeras horas trabajadas y GBP10 por hora por cada hora trabajada después de esas primeras 40 horas.

- (b) Halle cuánto dinero ganó un trabajador que trabajó
 - (i) 40 horas ;
 - (ii) 43 horas. [4]
- (c) Halle el número de trabajadores que ganaron GBP200 o menos. [3]
- (d) Solo hubo 10 trabajadores que ganaran más de GBP k . Halle el valor de k . [4]



16EP13

Véase al dorso

No escriba soluciones en esta página.

9. [Puntuación máxima: 16]

Nota: En esta pregunta, las distancias están en metros y el tiempo está en segundos.

Dos partículas P_1 y P_2 empiezan a moverse al mismo tiempo partiendo de un punto A pero siguiendo rectas diferentes.

Al cabo de t segundos, la posición de P_1 viene dada por $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} 4 \\ -1 \\ 3 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ -2 \end{pmatrix}$.

(a) Halle las coordenadas de A. [2]

Dos segundos después de partir de A, P_1 se encuentra en el punto B.

(b) Halle

(i) \vec{AB} ;

(ii) $\left| \vec{AB} \right|$. [5]

Dos segundos después de partir de A, P_2 se encuentra en el punto C, donde $\vec{AC} = \begin{pmatrix} 3 \\ 0 \\ 4 \end{pmatrix}$.

(c) Halle $\cos \hat{BAC}$. [5]

(d) A partir de lo anterior o de cualquier otro modo, halle la distancia que hay entre P_1 y P_2 dos segundos después de partir de A. [4]

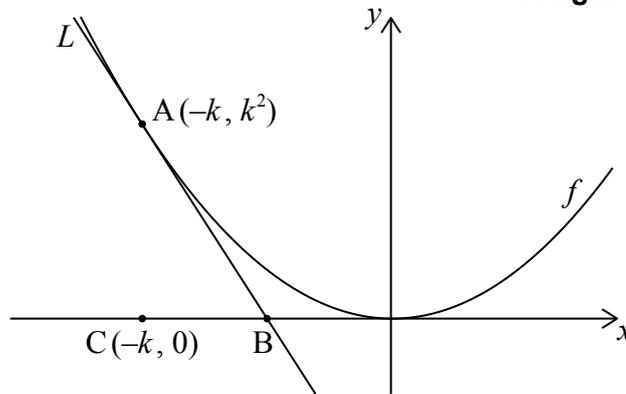


No escriba soluciones en esta página.

10. [Puntuación máxima: 17]

Sea $f(x) = x^2$. La siguiente figura muestra una parte del gráfico de f .

la figura no está dibujada a escala

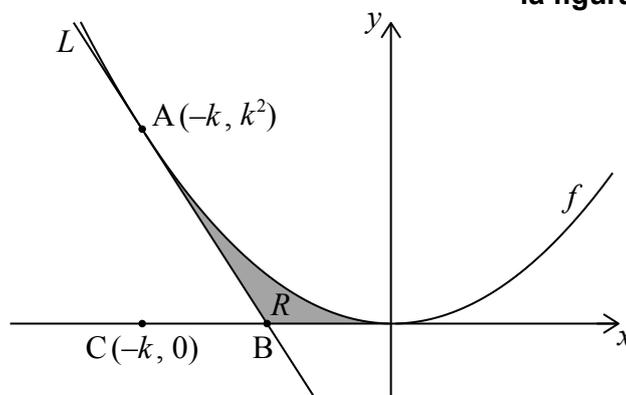


La recta L es la tangente al gráfico de f en el punto $A(-k, k^2)$ y corta al eje x en el punto B . El punto C es $(-k, 0)$.

- (a) (i) Escriba $f'(x)$.
- (ii) Halle la pendiente de L . [3]
- (b) Muestre que la coordenada x de B es $-\frac{k}{2}$. [5]
- (c) Halle el área del triángulo ABC , en función de k . [2]

La región R está delimitada por L , el gráfico de f y el eje x . Esta información se muestra en la siguiente figura.

la figura no está dibujada a escala



- (d) Sabiendo que el área del triángulo ABC es igual a p veces el área de R , halle el valor de p . [7]



No escriba en esta página.

Las respuestas que se escriban en esta página no serán corregidas.



16EP16